

Inhalt

Vorwort	5
13 <i>Stetige Abbildungen aus dem \mathbb{R}^n in den \mathbb{R}^m</i>	9
13.1 Der \mathbb{R}^n als normierter Vektorraum, Konvergenz	10
13.2 Topologie des \mathbb{R}^n	19
Kompakte Mengen	26
Konvexität	29
13.3 Stetige Abbildungen	36
Rechenregeln für stetige Abbildungen	48
Gleichmäßige Stetigkeit	51
Eigenschaften der Bildmengen bei stetigen Abbildungen	54
13.4 Gleichmäßige Konvergenz	62
Normen für homogene Abbildungen	69
14 <i>Differenzierbare Abbildungen</i>	77
14.1 Kurven im \mathbb{R}^n	78
Höhere Ableitungen	86
Krümmung von Kurven	88
14.2 Definition der Ableitung	94
Rechenregeln für differenzierbare Abbildungen	103
14.3 Mittelwertsatz	115
14.4 Höhere Ableitungen, Taylorsche Formel	123
Lokale Extrema	130
Konvexe Funktionen	138
14.5 Banachscher Fixpunktsatz, Anwendungen	144
Nullstellenbestimmung	148
Systeme gewöhnlicher Differentialgleichungen	153
14.6 Lokale Umkehrbarkeit, implizit gegebene Funktionen	161
Auflösung von Gleichungssystemen	169
14.7 p -dimensionale Flächen im \mathbb{R}^n	178
Extrema unter Nebenbedingungen	184
15 <i>Lebesguesches Maß im \mathbb{R}^n</i>	197
15.1 Das Lebesguesche Maß von offenen und kompakten Mengen	199
15.2 Äußeres und inneres Lebesguesches Maß	211
Vitalische Mengen	220
15.3 Lebesgue-meßbare Teilmengen des \mathbb{R}^n	224
15.4 Lebesgue-meßbare Funktionen	234
16 <i>Lebesguesches Integral im \mathbb{R}^n</i>	250
16.1 Lebesgue-integrierbare Funktionen	251
Das Lebesguesche Integral als Mengenfunktion	265

16.2	Integration und Grenzübergang	273
	Rekursive Berechnung des Lebesgueschen Maßes	279
	Parameterabhängige Integrale	285
16.3	Erweiterung der Integraldefinition, Satz von Fubini	295
	Cavalierisches Prinzip	303
16.4	Die Transformationsformel	311
17	<i>Differentialformen, Integralsätze der Vektoranalysis</i>	328
17.1	Kurvenintegrale	329
17.2	Alternierende Differentialformen	342
17.3	Geschlossene und exakte Formen, Lemma von Poincaré	353
17.4	p -Flächenintegrale	365
	Variablensubstitution bei Differentialformen	372
17.5	Integration über Untermannigfaltigkeiten des \mathbb{R}^n	382
17.6	Die Integralsätze von Gauß und Stokes	402
	Anwendungen des Gaußschen Integralsatzes	411
17.7	Oberflächenmaße	423
	Symbole	439
	Zeittafel	441
	Namenverzeichnis	442
	Sachverzeichnis	444